Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipoles

MURI-4D-DS Workshop

Chapel Hill, NC

February 11-13, 2013

MURI-4D-DS Workshop (Chapel Hill, NC) Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipole: February 11-13, 2013 1 / 19

< 口 > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Supported by: Office of Naval Research Multiple University Research Initiative: Analysis of 4D Ocean Flows

Collaborators:

- Lucas Garber, CUNY Math/Phys
- David Dritschel, St. Andrews
- Angelique Haza, RSMAS, U.M.
- Robert Numrich, CUNY HPCC
- MURI 4D Team

- A TE N - A TE N

2/19

Overview:

- Before tackling full 3D + 1 problem in model data sets:
 - Examine transport geometry of isolated, simplified structures with z dependence included.
 - Examine transport geometry of *large*, *energetic* structures in isopycnal coordinates.
- Identify 'generic' geometric features.
- Test proxy measures for LCS identification.
- Test adaptive-grid algorithms for LCS identification.
- Preliminary results from OGCM indicate prevalence of mixing/transport induced by 3D dipole structures.

< 口 > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Overview:

- Before tackling full 3D + 1 problem in model data sets:
 - Examine transport geometry of isolated, simplified structures with z dependence included.
 - Examine transport geometry of *large*, *energetic* structures in isopycnal coordinates.
- Identify 'generic' geometric features.
- Test proxy measures for LCS identification.
- Test adaptive-grid algorithms for LCS identification.
- Preliminary results from OGCM indicate prevalence of mixing/transport induced by 3D dipole structures.
- OGCM's with $\Delta x \sim 1 2$ km are 'sub-mesoscale-eddy permitting'.

< 口 > < 同 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < 回 > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ >

Overview: Gulf-Stream Rings & HYCOM at 1/50 $^\circ$

- Depth-dependent advective boundaries/fluxes in large, long-lived, energetic eddies.
- Eddy-Jet and/or Eddy-Eddy?
- HYCOM data-set: Δx ~ 1 2 km.
- Parameterized mixed/boundary layer. 30 isopyncal layers.
- Gulf stream rings with realistic size, strength, frequency.



Overview: Gulf-Stream Rings & HYCOM at 1/50 $^\circ$

- Depth-dependent advective boundaries/fluxes in large, long-lived, energetic eddies.
- Eddy-Jet and/or Eddy-Eddy?
- HYCOM data-set: Δx ~ 1 2 km.
- Parameterized mixed/boundary layer. 30 isopyncal layers.
- Gulf stream rings with realistic size, strength, frequency.





4/19

MURI-4D-DS Workshop (Chapel Hill, NC) Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipole: February 11-13, 2013

Overview: Gulf-Stream Rings & HYCOM at 1/50 $^\circ$

- Depth-dependent advective boundaries/fluxes in large, long-lived, energetic eddies.
- Eddy-Jet and/or Eddy-Eddy?
- HYCOM data-set: Δx ~ 1 2 km.
- Parameterized mixed/boundary layer. 30 isopyncal layers.
- Gulf stream rings with realistic size, strength, frequency.

Sea-Surface Temperature



The Sec. 74

4/19

HYCOM: North Atlantic SSH



MURI-4D-DS Workshop (Chapel Hill, NC) Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipole: February 11-13, 2013 5 / 19

э

HYCOM: North Atlantic SST



MURI-4D-DS Workshop (Chapel Hill, NC) Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipole: February 11-13, 2013 6 / 19

Depth Dependent Stirring/Mixing

- Energy at sub-mesoscales (< 10km) in model.
- Small-scale, fast-time contributions.
- Complex, small-scale vertical structures.
- High resolution HYCOM ↔ full LES?

Temperature ($\Delta T = 1^{\circ}$)



Depth Dependent Stirring/Mixing

- Energy at sub-mesoscales (< 10km) in model.
- Small-scale, fast-time contributions.
- Complex, small-scale vertical structures.
- High resolution HYCOM ↔ full LES?

LES - Cylone in Mixed Layer (Özgökmen)



< ロ > < 同 > < 回 > < 回 >

7/19

Generic Stuctures: Dipoles/Quadrapoles



A (10) A (10) A (10) A

Generic Stuctures: Dipoles/Quadrapoles



3 > 4 3

3D Quasi-geostrophic Equations

• Vertically dependent, planar flows:

$$\frac{\partial \omega}{\partial t} + \frac{\partial \psi}{\partial x} \frac{\partial \omega}{\partial y} - \frac{\partial \psi}{\partial y} \frac{\partial \omega}{\partial x} = 0$$
$$\frac{D_H \omega}{Dt} = 0$$
$$\nabla^2_{3D} \psi = \omega$$

- Gridfree: Contour Advection + Contour Surgery. (Dritschel)
- Trivial parallelization of particle advection/solver.
- Easily configurable to di-quad-octi-poles.
- No boundaries.

不同 トイモトイモ

Depth Dependent Dipoles

- Constant vorticity, ω₁, ω₂, in two hemi-ellipsoids.
- Configure geometries/strengths of each.
- Symmetry BC at surface.
- Seed with regular particle grid.
- Compute FTLE/FSLE/DLE

Asymmetric size/strength



< ロ > < 同 > < 三 > < 三 >

- Complex LCS in highly-resolved OGCM.
- Extremely fine spatial resolution requirements.
- Huge numbers of particles.
- Garthe: Trans. on Visualization, 2007

Temperature ($\Delta T = 1^{\circ}$)



- $N \times N \rightarrow 2N \times 2N$ grids.
- Interpolate λ_N onto λ_{2N}^i .
- Compare λ_{2N}^i to λ_{2N} .
- If difference < *ε*, use interpolation for all finer grids.
- If difference > ε, compute λ on finer grids.



- $N \times N \rightarrow 2N \times 2N$ grids.
- Interpolate λ_N onto λ_{2N}^i .
- Compare λ_{2N}^i to λ_{2N} .
- If difference < *ε*, use interpolation for all finer grids.
- If difference > ε, compute λ on finer grids.







MURI-4D-DS Workshop (Chapel Hill, NC) Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipole:





LCS Results: QG Dipole

Metric: Direct Lyapunov Exponent



MURI-4D-DS Workshop (Chapel Hill, NC) Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipole:

February 11-13, 2013 15 / 19

LCS Results: QG Dipole

Metric: Direct Lyapunov Exponent

$$\lambda(\mathbf{x}, t; \tau) = \frac{1}{\tau} \ln \sigma(\mathbf{x}, t, t + \tau)$$



LCS Results: HYCOM Quadrapole



MURI-4D-DS Workshop (Chapel Hill, NC) Depth Dependent LCS in HYCOM/QG Dipole

February 11-13, 2013 17 / 19

LCS Results: HYCOM Quadrapole





Conclusions:

- Depth/density dependent LCS in high-res OGCM.
 - Adpative sampling for LCS.
 - Persistent mesoscale structures but significant sub-mesoscale contributions.
 - Transport via eddy-eddy interaction.
 - Strong bathymetric control.
- Details (to do):
 - Adaptive/depth dependent time-scale in LCS computations.
 - Temporal resolution (12 hr velocity fields?).
 - Spatial filtering (eliminate SMS?).
- Analysis:
 - QG+ Add vertical velocity to Dritschel's QG Dipoles. (Stephan/Cecily?)
 - Closer comparison of isopycnal/hydrostatic structures in OGCM to 3D/nonhydrostatic LES process model. (Tamay?)